

Všechna svá tvrzení matematicky zdůvodněte!

1. Vyšetřete lokální extrémů funkce $f(x, y) = xy\sqrt{1 - x^2 - y^2}$ (na množině určené nerovnicí $x^2 + y^2 < 1$).
2. Vyšetřete lokální extrémů funkce $f(x, y, z) = -x^3 + 3xz + 2y - y^2 - 3z^2$.
3. Funkce $f(x, y)$ je dána implicitně rovnicí $F(x, y, z) := x^2 + 2y^2 - 3z^2 + 2xy - 2z + 3 = 0$ a podmínkou $f(-1, 2) = -2$. Určete parciální derivace funkce f a vypočítejte jejich hodnotu v bodě $(-1, 2)$.